

Grundlagen der Programmierung 2 B

Haskell: Listen-Komprehensionen

Prof. Dr. Manfred Schmidt-Schauß

Sommersemester 2017

Listenausdrücke, Listen-Komprehensionen

Analog zu Mengenausdrücken, aber Reihenfolge der Listenelemente im Resultat wird festgelegt.

$[x \mid x \leftarrow [0,1,\dots]]$ ist analog zu $\{x \mid x \in \mathbb{N}\}$

Beispiele:

$[x \mid x \leftarrow xs]$	entspricht	xs
$[f\ x \mid x \leftarrow xs]$	entspricht	$\text{map } f\ xs$
$[x \mid x \leftarrow xs, p\ x]$	entspricht	$\text{filter } p\ xs$
$[(x,y) \mid x \leftarrow xs, y \leftarrow ys]$	entspricht	xs „kreuzprodukt“ ys für endliche Listen
$[y \mid x \leftarrow xs, y \leftarrow x]$	entspricht	$\text{concat } xs$

Syntax:

$[\langle \text{Ausdruck} \rangle \mid \langle \text{Generator} \rangle \mid \langle \text{Filter} \rangle \{, \}, \{ \langle \text{Generator} \rangle \mid \langle \text{Filter} \rangle \}^*]$

Terminalzeichen sind '[' ',' ']' und das Zeichen '|'

Listen-Komprehensionen

[Resultatausdruck | Generatoren, Testfunktionen]

Generator: $v \leftarrow \text{liste}$ liefert die Elemente von liste
Test: auf True/False. Element wird akzeptiert/nicht akz.

Wirkungsweise: die Generatoren liefern nach und nach die Elemente aller Listen.
 Testfunktionen müssen True liefern, damit der Resultatausdruck in die Resultatliste aufgenommen wird.

Neue lokale Variablen sind möglich;
 deren Geltungsbereich ist rechts von der Einführung

Listen-Komprehensionen: Beispiel

Koordinaten:

$[(\text{waagrecht}, \text{senkrecht}) \mid \text{waagrecht} \leftarrow \text{"abcdefgh"}, \text{senkrecht} \leftarrow [1..8]]$

Resultat: $[(\text{'a'}, 1), (\text{'a'}, 2), (\text{'a'}, 3), (\text{'a'}, 4), (\text{'a'}, 5), (\text{'a'}, 6), (\text{'a'}, 7), (\text{'a'}, 8), (\text{'b'}, 1), \dots]$

Listen-Komprehensionen: Beispiel

```
[(x,y) | x <- [1..10], even x, y <- [2..6], x < y]
```

Resultat: [(2,3), (2,4), (2,5), (2,6), (4,5), (4,6)]

Begründung: Erzeugungsreihenfolge:

x		1	2	2	2	2	2	3	4	4	4	4	4	4	5	6	...
y			2	3	4	5	6		2	3	4	5	6		2		...
?		N	N	Y	Y	Y	Y	N	N	N	N	Y	Y	N	N		...

Listen-Komprehensionen: Beispiel

```
*Main> [(x,y) | x <- [1..9], y <- [1..x]]  
  
[(1,1),  
(2,1), (2,2),  
(3,1), (3,2), (3,3),  
(4,1), (4,2), (4,3), (4,4),  
(5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5),  
(6,1), (6,2), (6,3), (6,4), (6,5), (6,6),  
(7,1), (7,2), (7,3), (7,4), (7,5), (7,6), (7,7),  
(8,1), (8,2), (8,3), (8,4), (8,5), (8,6), (8,7), (8,8),  
(9,1), (9,2), (9,3), (9,4), (9,5), (9,6), (9,7), (9,8), (9,9)]
```

Listen-Komprehensionen: Beispiel

Liste der nicht durch 2,3,5 teilbaren Zahlen. Die erste Nicht-Primzahl darin ist 49:

```
*Main> [x | x <- [2..], x 'rem' 2 /= 0, x 'rem' 3 /= 0,  
x 'rem' 5 /= 0]  
[7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 49, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 77, ...]
```

Online Interface zu Listen-Komprehensionen

- Gut bedienbares spezielles Interface zum Ausprobieren von List-Komprehensionen
- Mit Beispiel-Aufgaben, verschiedene Varianten
- Entstanden im Rahmen der BSc-Arbeit von Robin Kreuzig

<http://www.ki.informatik.uni-frankfurt.de/listcomprehension>

Listen-Komprehensionen:

Beispiel Primzahlen

```
primes = 2: [x | x <- [3,5..],  
            and (map (\t-> x `mod` t /= 0)  
                (takeWhile (\y -> y^2 <= x) primes))]
```

Ressourcenbedarf von Listenfunktionen

(Bei verzögerter Auswertung)

Drei Möglichkeiten der Auswertung:

Komplett-Auswertung z.B. beim Drucken der Ergebnisliste im Interpreter

Rückgrat-Auswertung nur soviel, wie length von der Ergebnisliste benötigt.

Kopf-Auswertung (einfache. Ausw.) nur soviel, dass die Frage „Ist die Ergebnisliste leer oder nicht leer“ beantwortet werden kann.

Ressourcenbedarf von map

xs sei ausgewertete Liste der Länge n

```
map f xs:
```

Bei Rückgratauswertung: $O(n)$ Reduktionsschritte

Bei Komplett-Auswertung: # Reduktionsschritte abhängig von f

Bei Rückgratauswertung: $O(n)$ Speicherbedarf

Bei Komplett-Auswertung: Speicherbedarf abhängig von f

Ressourcenbedarf von append

xs, ys seien ausgewertete Listen der Länge m und n .

Bei Rückgrat-Auswertung:

$xs ++ ys$ benötigt $O(m + n)$ Reduktionsschritte

$O(m)$ Platz: nur das Rückgrat der Liste xs muss kopiert werden

Listen-Funktion: reverse

Umdrehen einer Liste:

```
reverse_naiv []           = []
reverse_naiv (x:xs)      = (reverse_naiv xs) ++ [x]
```

Reduktionsschritte: $O(n^2)$, wenn n Länge der Liste,
bei Rückgratauswertung

Begründung: $[a_1, \dots, a_n]$

wird nach einigen Reduktionsschritten zu

$([a_n] ++ [a_{n-1}]) ++ \dots ++ [a_1]$

$[a_n, a_{n-1}, \dots, a_{k-1}] ++ [a_k]$ braucht $k - 1$ Reduktionsschritte.

Da $1 + 2 + \dots + (n - 1) = \frac{n(n-1)}{2}$, ergibt sich $O(n^2)$.

Effizientes Umdrehen einer Liste

```
reverse xs = foldl (\x y -> y:x) [] xs
```

Oder

```
reverse xs = reverse_lin xs []
reverse_lin [] ys = ys
reverse_lin (x:xs) ys = (reverse_lin xs (x:ys))
```

Iterativer Prozess für Listen:

```
reverse [1,3,5,7]
reverse_lin (1:3:5:7:[]) []
reverse_lin (3:5:7:[]) (1:[])
reverse_lin (5:7:[]) (3:1:[])
reverse_lin (7:[]) (5:3:1:[])
reverse_lin [] (7:5:3:1:[])
(7:5:3:1:[])
```

Weitere Listen-Funktionen

Restliste nach n-tem Element:

```
drop 0 xs = xs
drop _ [] = []
drop n (_:xs) | n > 0 = drop (n-1) xs
drop _ _ = error "Prelude.drop: negative argument"
```

Bildet Liste der Paare der Elemente:

```
zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
zip (a:as) (b:bs) = (a,b) : zip as bs
zip _ _ = []
```

aus Liste von Paaren ein Paar von Listen:

```
unzip :: [(a,b)] -> ([a],[b])
unzip = foldr (\(a,b) (as,bs) -> (a:as, b:bs)) ([], [])
```

Beispiele

```
*Main> drop 10 [1..100]
[11,12,...]

*Main> zip "abcde" [1..]
[( 'a', 1), ( 'b', 2), ( 'c', 3), ( 'd', 4), ( 'e', 5)]

*Main> unzip (zip "abcdefg" [1..])
("abcdefg", [1,2,3,4,5,6,7])
```